

Brevet DNB Maths 2022
Voici la correction complète
de l'épreuve
Asie 2022

Correction proposée par
Bruno Swiners
sur
www.coursmathsaix.fr

Exercice 1

Situation 1

$$1) \text{ on a: } 15 \xrightarrow{-7} 3 \xrightarrow{\times 5} 15 \xrightarrow{-2 \times 15} -5$$

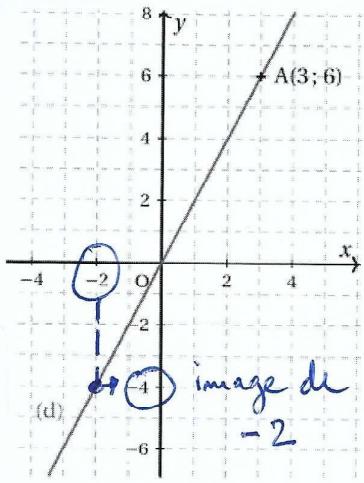
2) c'est la réponse \boxed{c} et on va quand même le justifier en partant de la lettre x .

$$\text{on obtient: } x \xrightarrow{-7} x-7 \xrightarrow{\times 5} 5x(x-7) \xrightarrow{-2x} 5x(x-7)-2x$$

cette expression $5x(x-7)-2x$ pourrait aussi se développer et donner $5x^2 - 35x - 2x$ soit $5x^2 - 37x$

Situation 2

1)



l'image de -2 est $\boxed{-4}$
 \rightarrow on a $f(-2) = -4$

2) on aura $\boxed{f(x) = 2x}$ \rightarrow on peut utiliser le point $A(3; 6)$ avec lequel on vérifie $f(3) = 2 \times 3 = 6 !!$

Situation 3 on sait que $1L = 1000 \text{ cm}^3$
 soit $20L = 20000 \text{ cm}^3$

$$\text{or Volume}_{GCDEF} = \frac{1}{3} \times \underbrace{(30\text{cm} \times 40\text{cm})}_{\text{Aire du rectangle}} \times \underbrace{55\text{cm}}_{\text{Hauteur G-H de base}}$$

$$\text{on obtient: Volume}_{GCDEF} = 22000 \text{ cm}^3 \\ = \boxed{22L} > 20L$$

Exercice 2

1) Avec $(AB) \parallel (CD)$

et les points B, E, C et A, E, D alignés,
on peut appliquer la propriété de THALES

$$\rightarrow \text{on a : } \frac{ED}{EA} = \frac{EC}{EB} = \frac{DC}{AB} \text{ soit } \frac{3,6}{9} = \frac{EC}{7,2} = \frac{6}{g}$$

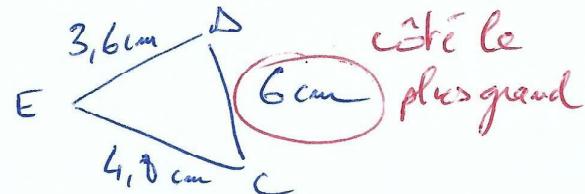
$$\text{on obtient : } EC = (7,2 \times 6) : g = 4,8 \text{ cm}$$

2) on a le schéma suivant :

$$\text{on calcule } DC^2 = 6^2 = 36$$

$$\text{et } CE^2 + DE^2 = 4,8^2 + 3,6^2 = 36$$

Donc on a bien $DC^2 = CE^2 + DE^2$ et d'après la réciproque
de la propriété de PYTHAGORE, le triangle est rectangle en E.



3) Puisqu'il y a un agrandissement entre ECD et ABE ,
il ne peut s'agir que d'une **HOMOTHÉTIE**

\rightarrow on va la définir même si ce n'est pas demandé :

$$\text{centre } \boxed{E} \text{ et rapport } k = -\frac{BA}{CD} = -\frac{9}{6} = -1,5$$

le rapport est négatif car les triangles
sont de part et d'autre du centre E.

4) L'affirmation est **FAUSSE**

car si les longueurs sont multipliées par 1,5

alors les aires se multiplient par $1,5^2 = 2,25$

ne pas oublier

et les volumes se multiplieraient par $1,5^3 = 3,375$

Exercice 3

On a le tableau suivant :

	A Nations	B Classement	C Or	D Argent	E Bronze	F Total
1	Nations	Classement	Or	Argent	Bronze	Total
2	Chine	1	96	60	51	207
3	Grande-Bretagne	2	41	38	45	124
4	Etats-Unis	3	37	36	31	104
5	Comité paralympique Russe	4	36	33	49	118
6	Pays-Bas	5	25	17	17	59
7	Ukraine	6	24	47	27	98
8	Brésil	7	22	20	30	72
9	Australie	8	21	29	30	80
10	Italie	9	14	29		69
11	Azerbaïdjan	10	14	1	4	19
12	Japon	11	13	15	23	51
13	Allemagne	12	13	12	18	43
14	Iran	13	12	11	1	24
15	France	14	11	15	28	54
16	Espagne	15	9	15	12	36

1) Par simple lecture, la réponse est 23.

2) Pour l'Italie : $14 + 29 + ? = 69$
ou Argent Bronze Total

Donc le nombre de médailles de Bronze est $69 - 14 - 29 = 26$

3) on peut écrire

$$= C2 + D2 + E2$$

ou $= \text{SOMME}(C2:E2)$

4) Affirmation 1

pour la France, 11 médailles d'OR au total de 54

$$\rightarrow \frac{11}{54} \approx 0,2037 \text{ soit } 20,37\%$$

et donc ce n'est pas exactement 20%

→ affirmation FAUSSE

Affirmation 2

on classe le nombre de médailles d'ARGENT dans l'ordre croissant

1; 11; 12; 15; 15; 15; 17; 20; 29; 29; 33; 36; 36; 47; 60

↑ ↑
7 valeurs 7 valeurs

c'est la médiane.

La médiane est donc égale à 20 → affirmation FAUSSE

- 5) La prime a donc augmenté de 15 000 euros
par rapport au montant initial de 50 000 euros
→ le pourcentage d'augmentation est donc égal à
 $\frac{15\ 000}{50\ 000} = 0,3$ soit 30%

Exercice 4

1) a) on calcule $35 \times 0,17 \text{ €} = \boxed{5,95 \text{ €}}$

b) $150 \text{ photos} = \underbrace{100 \text{ photos}}_{17 \text{ €}} + 50 \text{ photos}$

$$+ 50 \times 0,13 \text{ €}$$

on obtient: $17 \text{ €} + 6,50 \text{ €} = \boxed{23,50 \text{ €}}$

c) on calcule $10 \text{ €} : 0,17 \text{ €} \approx 58,8 \text{ photos}$
soit un maximum de 58 photos

(pour un coût de $58 \times 0,17 = 9,86 \text{ €} \rightarrow$ il manque 4 centimes pour une photo en plus !!)

2) Ligne 4 : Si $Nb \text{ photos} < \boxed{100}$

Ligne 5 : Nettoe Prix à $Nb \text{ photos} * \boxed{0,17}$

Ligne 6 : Nettoe Prix à 17 +

- 3)a) Le prix initial avant les soldes est 23,5 €.
→ je vais proposer ici les deux méthodes possibles

Méthode 1 : on calcule 30% de 23,5 €

$$\text{soit } \frac{30}{100} \times 23,5 = 7,05 \text{ €}$$

et le prix à payer sera : $23,5 \text{ €} - 7,05 \text{ €}$
 $= \boxed{16,45 \text{ €}}$

Méthode 2 : on utilise le coefficient multiplicateur
 soit baisse de 30% $\rightarrow C.M = \left(1 - \frac{30}{100}\right) = 0,7$
 et le prix à payer sera : $23,50 \text{ €} \times 0,7 = \boxed{16,45 \text{ €}}$

5) La proposition 2 est correcte (c'est la méthode 1
 vue ci-dessus)
 La proposition 4 aussi (c'est la méthode 2 !!)

Exercice 5

1) Avec le manque de précision du graphique,
 ne perdez pas trop de temps pour les réponses !!
 \rightarrow je propose : Canberra $\rightarrow 145^\circ$ Est (Longitude)
 35° Sud (Latitude)
 et Miami $\rightarrow 80^\circ$ Ouest (Longitude)
 28° Nord (Latitude)

2) il faut calculer le périmètre de la trajectoire
 de l'ISS dont le rayon est 6751 km

$$\rightarrow \text{on calcule } 2 \times \pi \times \text{Rayon de la trajectoire}$$

$$= 2 \times \pi \times 6751 \text{ km} \approx \boxed{42\,400 \text{ km}}$$

3) a) $27\,600 \text{ km/h}$ signifie $27\,600 \text{ km en 1 heure}$
 \rightarrow on fait le tableau suivant

$27\,600 \text{ km en}$	$1h$
$42\,400 \text{ km en}$...

on calcule :

$$(42\,400 \times 1) : 27\,600$$

$$\approx 1,54 \text{ h}$$

mais attention $1,54h \neq 1h54min !!$

→ il faut convertir $1,54h$ en utilisant $1h = 60min$

Donc on a : $1,54h = 1,54 \times 60min \approx \boxed{92min}$

soit $\boxed{1h\ 32min}$

b) De $14h30$ à $21h45$, il y a $7h15min !!$

et le plus simple est de travailler en minutes.

On a : $7h15min = 7 \times 60 + 15 = 435min$

et $1h\ 32min = 92min$

→ on calcule $435 : 92 \approx 4,7$ tours

soit $\boxed{4 \text{ tours complets.}}$