

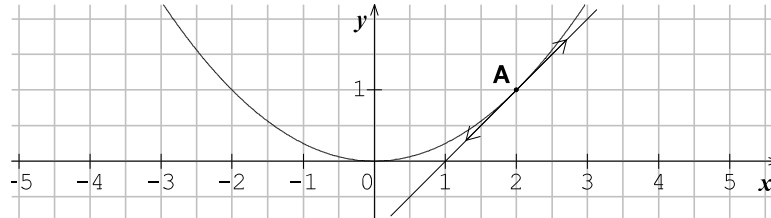
## Fonction convexe ou concave : aspect graphique , point d'inflexion

C'est la courbure de la courbe que l'on va étudier ici, et on va visuellement voir ici si la fonction est *convexe sur un intervalle* ou si elle est *concave sur un intervalle*.

Vous allez vite voir le lien avec vos souvenirs sur les paraboles et les trinômes !

### Un exemple de fonction convexe

Voici l'exemple de base d'une fonction *convexe*.

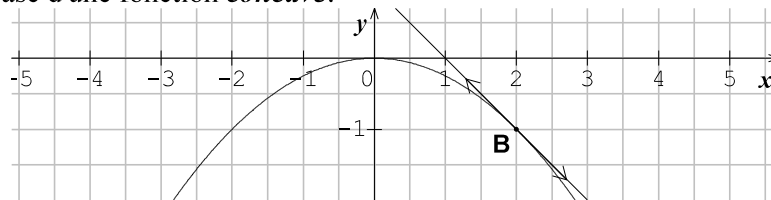


Ces fonctions *convexes* auront leur courbure comme les paraboles en "smiley" des trinômes dont le coefficient "a" est positif.

On a placé sur cette courbe un point A avec sa tangente : on peut observer que, pour une fonction *convexe*, la courbe se situera toujours "au-dessus" de ses tangentes.

### Un exemple de fonction concave

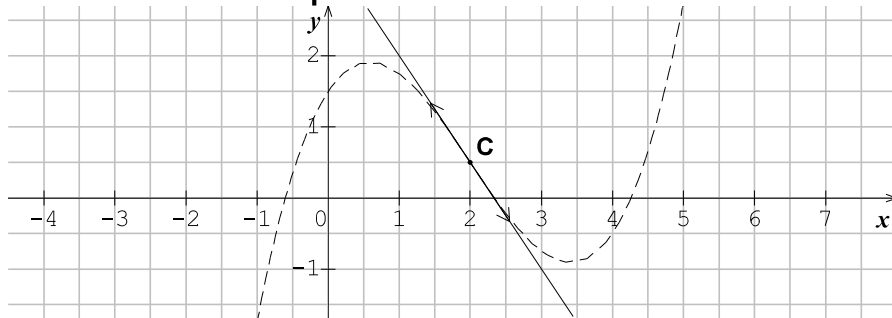
Voici l'exemple de base d'une fonction *concave*.



Ces fonctions *concaves* auront leur courbure comme les paraboles en "non smiley" des trinômes dont le coefficient "a" est négatif.

On a placé sur cette courbe un point B avec sa tangente : on peut observer que, pour une fonction *concave*, la courbe se situera toujours "en-dessous" de ses tangentes.

### Fonction convexe et concave : les points d'inflexion



Vous devez observer sur cette courbe que :

- la courbe est *concave* sur l'intervalle  $] - \infty ; 2 ]$ , c'est à dire jusqu'au point C.
- la courbe est *convexe* sur l'intervalle  $[ 2 ; + \infty [$ , c'est à dire à partir du point C.
- ce point C pour lequel la courbe passe de concave à convexe s'appelle un **point d'inflexion**.
- la courbe traverse la tangente en ce point C car, sur sa partie *concave*, la courbe est "en dessous" de la tangente et, sur sa partie *convexe*, la courbe est "au dessus" de la tangente.

On aura un (ou plusieurs) **point d'inflexion** sur une courbe, à chaque fois que la fonction passe de *concave* à *convexe* ou qu'elle passe de *convexe* à *concave*.

Sur chaque **point d'inflexion**, on aura la courbe qui traverse la tangente en ce point.