

Comment montrer qu'un triangle est rectangle La réciproque de la propriété de Pythagore

La **réciproque de la propriété de Pythagore**, c'est un peu comme "l'inverse" de la propriété directe. Pour cette **réciproque**, on ne cherchera pas à calculer une longueur, car on connaîtra les longueurs des trois côtés.

Pour cette **réciproque**, on ne partira pas avec l'hypothèse d'avoir un triangle rectangle, car on cherchera justement à savoir si le triangle proposé est rectangle ou non.

Par contre, la propriété directe et la réciproque utilisent toutes les deux, à un moment donné, une **égalité de Pythagore** du type $AB^2 = AC^2 + CB^2$.

Le principe général de cette réciproque est le suivant :

si on connaît les trois longueurs d'un triangle, alors on va pouvoir démontrer qu'un triangle est rectangle (ou non).

Comment montrer qu'un triangle est rectangle : la méthode

On connaît les trois longueurs d'un triangle EFG avec $EF = 5$ cm, $FG = 13$ cm et $EG = 12$ cm. Le triangle EFG est-il un triangle rectangle ?

On repère le plus grand des côtés et on met sa longueur au carré.

Le plus grand côté est le côté [FG] :

$$\text{On calcule } FG^2 = 13^2 = 169$$

On met les deux autres côtés au carré et on fait leur somme.

$$\text{On calcule } EF^2 = 5^2 = 25$$

$$\text{et } EG^2 = 12^2 = 144$$

$$\text{On obtient : } EF^2 + EG^2 = 25 + 144 = 169$$

On constate que l'égalité de Pythagore est bien vérifiée.

$$\text{On a donc : } FG^2 = EF^2 + EG^2$$

\uparrow 169 \uparrow 169

On peut conclure en utilisant et en citant la réciproque de la propriété de pythagore.

Et, n'oubliez pas d'écrire "rectangle en" afin de bien préciser où se trouve l'angle droit.

Cet angle droit se trouve forcément sur le point qui n'est pas sur le plus grand côté (l'hypoténuse).

On a bien l'égalité et, d'après la réciproque de la propriété de Pythagore, le triangle EFG est rectangle en E.