BACCALAURÉAT GÉNÉRAL SESSION 2016

MATHÉMATIQUES Série ES

Durée de l'épreuve : 3 heures Coefficient : 7 (ES)

ES: ENSEIGNEMENT DE SPECIALITE

Les calculatrices électroniques de poche sont autorisées conformément à la réglementation en vigueur.

- Le sujet est composé de 4 exercices indépendants. Le candidat doit traiter tous les exercices.
- Dans chaque exercice, à condition de l'indiquer clairement sur la copie, le candidat peut admettre un résultat précédemment donné dans le texte pour aborder les questions suivantes.
- Le candidat est invité à faire figurer sur la copie toute trace de recherche, même incomplète ou non fructueuse, qu'il aura développée.
- Il est rappelé que la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements seront prises en compte dans l'appréciation des copies.

Avant de composer, le candidat s'assurera que le sujet comporte 5 pages numérotées de 1/5 à 5/5.

16MAESSAG1 page 1 / 5

EXERCICE 1 (5 points) Commun à tous les candidats

Pour chacune des questions suivantes, une seule des quatre réponses proposées est exacte. Aucune justification n'est demandée. Une bonne réponse rapporte un point. Une mauvaise réponse, plusieurs réponses ou l'absence de réponse ne rapportent, ni n'enlèvent aucun point.

Indiquer sur la copie le numéro de la question et la réponse choisie.

1. On donne le tableau de variation d'une fonction f définie sur l'intervalle [-1; 3]:

Dans l'intervalle [-1; 3], l'équation f(x) = 0 admet:

- a. exactement 3 solutions
- **b.** exactement 2 solutions
- c. exactement 1 solution
- **d.** pas de solution

x	-1		1		2		3
			2				-0,5
variations de f		7		\searrow		7	
	-2				-1		

2. L'équation $\ln(2x) = 2$ admet une unique solution x_0 sur \mathbf{R} . On a :

a.
$$x_0 = 0$$

b.
$$x_0 = \frac{e^2}{2}$$

b.
$$x_0 = \frac{e^2}{2}$$
 c. $x_0 = \frac{\ln 2}{2}$ **d.** $x_0 = 3,6945$

$$\mathbf{d.}\ x_0 = 3{,}6945$$

3. La suite (u_n) est la suite géométrique de premier terme $u_0 = 400$ et de raison $\frac{1}{2}$. La somme $S = u_0 + u_1 + ... + u_{10}$ est égale à :

a.
$$2 \times (1 - 0.5^{10})$$

b.
$$2 \times (1 - 0.5^{11})$$

c.
$$800 \times (1-0.5^{10})$$

a.
$$2 \times (1 - 0.5^{10})$$
 b. $2 \times (1 - 0.5^{11})$ **c.** $800 \times (1 - 0.5^{10})$ **d.** $800 \times (1 - 0.5^{11})$

4. On considère l'algorithme ci-dessous :

Variables: n est un nombre entier naturel U est un nombre réel **Traitement**: Affecter à n la valeur 0 Affecter à U la valeur 50 Tant que U < 120 faire U prend la valeur $1.2 \times U$ n prend la valeur n+1Fin Tant que Sortie: Afficher n

En fin d'exécution, cet algorithme affiche la valeur :

a. 4

b. 124,416

c. 5

d. 96

5. Soit f la fonction définie sur l'intervalle]0; $+\infty[$ par $f(x)=2+3\ln(x)$. La tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse 1 a pour équation :

a.
$$y = \frac{3}{x}$$

b.
$$y = 3x - 1$$
 c. $y = 3x$

c.
$$y = 3x$$

d.
$$y = 3x + 2$$

EXERCICE 2 (5 points) Candidats ES ayant suivi l'enseignement de spécialité

Les parties A et B sont indépendantes

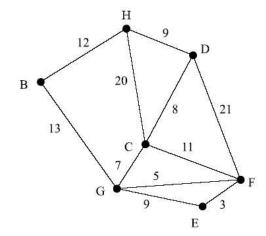
Partie A

Des touristes sont logés dans un hôtel H.

Un guide souhaite faire visiter la région à ces touristes en empruntant les routes signalées comme d'intérêt touristique par l'office du tourisme.

Les tronçons de route qu'il souhaite emprunter sont représentés sur le graphe ci-contre.

Le long de chaque arête figure la distance en kilomètres des différents tronçons.



- 1. a. Le guide peut-il emprunter tous les tronçons de route en passant une et une seule fois sur chacun d'eux, en partant de l'hôtel et en y revenant? Justifier la réponse.
 - **b.** Le guide peut-il emprunter tous les tronçons de route en passant une et une seule fois sur chacun d'eux, en partant de l'hôtel mais sans forcément y revenir? Justifier la réponse.
- 2. Un musée est situé en E. Déterminer le plus court chemin menant de l'hôtel H au musée E. Justifier la réponse.

Partie B

L'office de tourisme évalue chaque année les hôtels de sa région et répertorie les meilleurs sur son site internet. On admet que dans cette région, la création ou la disparition d'hôtels est négligeable. On constate que, chaque année :

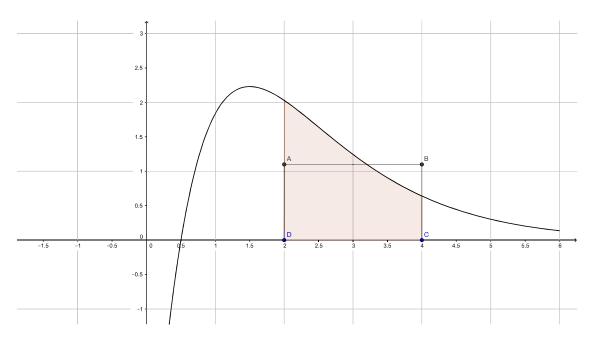
- 10 % des hôtels répertoriés ne seront plus répertoriés l'année suivante;
- 20 % des hôtels non répertoriés sur le site seront répertoriés l'année suivante.
 - 1. Réaliser un graphe décrivant cette situation (on notera R l'évènement « l'hôtel est répertorié » et \overline{R} son évènement contraire).
 - 2. Écrire la matrice de transition de ce graphe.
 - 3. En 2015, 30% des hôtels de la région étaient répertoriés. Quel pourcentage d'hôtels sera répertorié en 2016? en 2017?
 - 4. Quel pourcentage d'hôtel serait répertorié à long terme?

16MAESSAG1 page 3 / 5

EXERCICE 3 (7 points) Commun à tous les candidats

La courbe ci-dessous est la courbe représentative d'une fonction f définie et dérivable sur l'intervalle [0; 6].

ABCD est un rectangle, le point D a pour coordonnées (2,0) et le point C a pour coordonnées (4,0).



Partie A

Dans cette partie A, les réponses seront données à partir d'une lecture graphique.

- 1. Résoudre graphiquement l'inéquation f(x) > 0.
- **2.** Avec la précision permise par le graphique, donner une valeur approchée du maximum de la fonction f sur l'intervalle [0; 6].
- **3.** Quel semble être le signe de f'(x) sur l'intervalle [2; 6]? Justifier.
- 4. Pour quelle(s) raison(s) peut-on penser que la courbe admet un point d'inflexion?
- **5.** Donner un encadrement par deux entiers consécutifs de $\int_1^4 f(x) dx$.

Partie B

La fonction f est la fonction définie sur l'intervalle [0; 6] par $f(x) = (10x - 5)e^{-x}$. Un logiciel de calcul formel a donné les résultats suivants (on ne demande pas de les justifier):

$$f'(x) = (-10x + 15)e^{-x}$$
 et $f''(x) = (10x - 25)e^{-x}$

- 1. Dresser le tableau de variation de f en précisant la valeur de l'extremum et les valeurs aux bornes de l'ensemble de définition.
- 2. Étudier la convexité de f sur l'intervalle [0; 6].
- **3.** Montrer que la fonction F définie sur l'intervalle [0; 6] par $F(x) = (-10x 5) e^{-x}$ est une primitive de f sur l'intervalle [0; 6].
- **4.** En déduire la valeur exacte puis une valeur approchée au centième de $\int_2^4 f(x) dx$.
- 5. On souhaiterait que l'aire du rectangle ABCD soit égale à l'aire du domaine grisé sur la figure. Déterminer, à 0,01 près, la hauteur AD de ce rectangle.

EXERCICE 4 (3 points) Commun à tous les candidats

Afin de lutter contre la pollution de l'air, un département a contraint dès l'année 2013 certaines entreprises à diminuer chaque année la quantité de produits polluants qu'elles rejettent dans l'air.

Ces entreprises ont rejeté 410 tonnes de ces polluants en 2013 et 332 tonnes en 2015. On considère que le taux de diminution annuel de la masse de polluants rejetés est constant.

- 1. Justifier que l'on peut considérer que l'évolution d'une année sur l'autre correspond à une diminution de 10%.
- 2. En admettant que ce taux de 10 % reste constant pour les années à venir, déterminer à partir de quelle année la quantité de polluants rejetés par ces entreprises ne dépassera plus le seuil de 180 tonnes fixé par le conseil départemental.

16MAESSAG1 page 5 / 5