

## Produit scalaire et vecteurs colinéaires

La formule du produit scalaire avec le cosinus va nous permettre d'obtenir un résultat très intéressant pour les vecteurs colinéaires, car *deux vecteurs colinéaires de même sens* forment un angle nul ( $\cos 0 = 1$ ) et *deux vecteurs colinéaires de sens opposé* forment un angle plat égal à  $\pi$  ( $\cos \pi = -1$ ).

### Premier résultat avec des points alignés

→ on cherche  $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$  avec les points A, B, C alignés et avec  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$  de même sens.



On a :  $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = AB \times AC \times \cos(\vec{AB}, \vec{AC}) = AB \times AC \times \cos 0$ , avec  $\cos 0 = 1$

On obtient alors  $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = AB \times AC$

→ on cherche  $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$  avec les points A, B, C alignés et avec  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$  de sens opposé.



On a :  $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = AB \times AC \times \cos(\vec{AB}, \vec{AC}) = AB \times AC \times \cos \pi$ , avec  $\cos \pi = -1$

On obtient alors  $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = -AB \times AC$

**Remarque :** on donnera toujours un *résultat positif* avec deux vecteurs de même sens, et on donnera toujours un *résultat négatif* avec deux vecteurs de sens opposé !

### Et pour des vecteurs colinéaires "non alignés"

→ on cherche  $\vec{AB} \cdot \vec{RT}$  avec  $\vec{AB}$  et  $\vec{RT}$  colinéaires de même sens.



On a :  $\vec{AB} \cdot \vec{RT} = AB \times RT \times \cos(\vec{AB}, \vec{RT}) = AB \times RT \times \cos 0$ , avec  $\cos 0 = 1$

On obtient alors  $\vec{AB} \cdot \vec{RT} = AB \times RT$

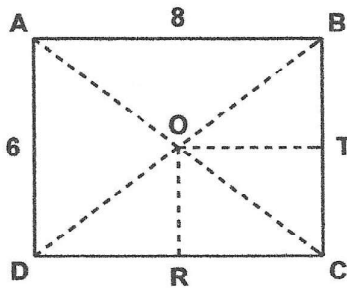
→ on cherche  $\vec{AB} \cdot \vec{RT}$  avec  $\vec{AB}$  et  $\vec{RT}$  colinéaires de sens opposé.



On a :  $\vec{AB} \cdot \vec{RT} = AB \times RT \times \cos(\vec{AB}, \vec{RT}) = AB \times RT \times \cos \pi$ , avec  $\cos \pi = -1$

On obtient alors  $\vec{AB} \cdot \vec{RT} = -AB \times RT$

**Application :** avec un rectangle ABCD de côté  $AB = 8$  et  $AD = 6$ , avec le point O centre du rectangle.



$$\text{On a : } \vec{OR} \cdot \vec{OC} = 4 \times 8 = 32$$

$$\vec{TB} \cdot \vec{TC} = \boxed{-3} \times 3 = \boxed{-9}$$

vecteurs opposés  
donc résultat négatif

$$\vec{AD} \cdot \vec{BT} = 6 \times 3 = 18$$

$$\vec{AB} \cdot \vec{CR} = \boxed{-8} \times 4 = \boxed{-32}$$

vecteurs opposés  
donc résultat négatif