

La notion de limite

Qu'est ce qu'une limite de fonction ?

L'aspect algébrique qui concerne le nombre dérivé nous amènera à chercher la *limite* d'une fonction f pour h qui tend vers 0. Cette limite se note : $\lim_{h \rightarrow 0} f(h)$.

Pour trouver cette limite, on pourra :

- soit imaginer que h se rapproche de plus en plus de 0 et, "intuitivement", on comprendra vers quelle valeur se rapprochera $f(h)$.
- soit faire un tableau, à l'aide de la calculatrice, avec quelques valeurs (on remplace h par 0,1 puis par 0,01 puis par 0,001 ..) pour bien visualiser les résultats et conclure.

Exemple 1 : On cherche $\lim_{h \rightarrow 0} (5 + h)$.

Il est possible de voir, lorsque h se rapproche de 0, que l'expression $(5 + h)$ se rapproche de 5.

On peut aussi s'aider du tableau de valeurs suivant

Valeurs de h	Résultats pour $(5 + h)$
0,1	5,1
0,01	5,01
0,001	5,001

Au final, on peut conclure que $\lim_{h \rightarrow 0} (5 + h) = 5$.

Exemple 2 : On cherche $\lim_{h \rightarrow 0} (2 + 3h + 4h^2)$.

Il est possible de voir, lorsque h se rapproche de 0, que l'expression $2 + 3h + 4h^2$ se rapproche de 2.

On peut aussi s'aider du tableau de valeurs suivant.

Valeurs de h	Résultats pour $(2 + 3h + 4h^2)$
0,1	2,34
0,01	2,0304
0,001	2,003004

Au final, on peut conclure que $\lim_{h \rightarrow 0} (2 + 3h + 4h^2) = 2$.

Exemple 3 : On cherche $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{6h + h^2}{h}$

Pour le coup, avec l'expression sous cette forme, il est impossible de s'en sortir intuitivement.

Le tableau de valeurs est indispensable.

Valeurs de h	Résultats pour $(\frac{6h + h^2}{h})$
0,1	6,1
0,01	6,01
0,001	6,001

Au final, on peut conclure que $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{6h + h^2}{h} = 6$.

En fait, on aurait pu factoriser l'expression $6h + h^2$ en $h(6 + h)$.

On aurait alors pu écrire $\frac{6h + h^2}{h} = \frac{h(6 + h)}{h} = 6 + h$ (en simplifiant par h) et $\lim_{h \rightarrow 0} (6 + h) = 6$.