

Comment obtenir l'écriture algébrique d'un nombre complexe

Pour passer d'une forme d'un nombre complexe à une autre, il y a certains changements qui sont faciles et qui ne doivent poser aucun souci. C'est ceux que l'on va voir ici !

Changement entre forme exponentielle et forme trigonométrique

Ces deux formes utilisent les mêmes éléments (module et argument).

Il est très facile de passer de l'une à l'autre car, entre les deux, c'est juste une histoire de présentation d'écriture.

$$\text{On a : } 2e^{i\frac{\pi}{3}} = 2\left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right)$$

$$3\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right) = 3e^{i\frac{\pi}{4}}$$

Changement de la forme exponentielle (ou trigonométrique) vers la forme algébrique

Pour obtenir la forme algébrique, il suffira juste de bien connaître les valeurs exactes de *cosinus* et de *sinus* (revoir le cercle trigonométrique de Première !), puis de développer avec le module.

$$\begin{aligned}\text{On a : } 2e^{i\frac{\pi}{3}} &= 2\left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right) \\ &= 2\left(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 1 + i\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$\text{Donc on a : } 2e^{i\frac{\pi}{3}} = 1 + i\sqrt{3}$$

Quelques changements à connaître par coeur

$$e^{i\pi} = \cos\pi + i\sin\pi = -1 + i \times 0 = -1 \rightarrow e^{i\pi} = -1$$

$$e^{i\frac{\pi}{2}} = \cos\frac{\pi}{2} + i\sin\frac{\pi}{2} = 0 + i \times 1 = i \rightarrow e^{i\frac{\pi}{2}} = i$$

Application : on peut transformer le nombre $-2e^{i\frac{\pi}{4}}$

$$\text{On a : } -2e^{i\frac{\pi}{4}} = (-1) \times 2e^{i\frac{\pi}{4}} = e^{i\pi} \times 2e^{i\frac{\pi}{4}} = 2e^{i(\pi + \frac{\pi}{4})}$$

On obtient l'écriture exponentielle de $-2e^{i\frac{\pi}{4}}$
qui est égale à $2e^{i\frac{5\pi}{4}}$.